

Содержание

9.6. С Новым годом!	2
9.7. Транзитная зона	5
9.8. Лазер вдогонку	9
9.9. Пара звезд	11
9.10. Солнце в банке	13

9.6. С Новым годом!

П. А. Тараканов

Изображенный на новогодней открытке Дед Мороз проводит наблюдения в $00^{\text{h}} 00^{\text{m}}$ истинного солнечного времени 1 января 2026 года. Определите примерные широту места наблюдения и координаты (прямое восхождение и склонение) наблюдаемого объекта, если известно, что наблюдения ведутся в России. В каком созвездии находится наблюдаемый объект?



Решение. Прежде всего обратим внимание на монтировку телескопа. Она очевидно несимметрична относительно вертикальной оси, а это означает, что она экваториальная: одна из осей позволяет вращать телескоп вокруг оси мира, вторая — наводить его на объекты, находящиеся на разных склонениях.

Далее учтем, что в таком случае одна из осей телескопа (нарисованная красным на рисунке ниже) — это ось мира, и в направлении, заданном красной стрелкой, находится Северный полюс мира (поскольку наблюдения, по условию, проводятся в России — то есть в Северном полушарии). Азимут полюса равен 180° , а телескоп наведен на объект с азимутом 0° , то есть находящийся в верхней кульминации.

Отсюда можно сделать два важных вывода. Во-первых, мы можем либо непосредственно измерить склонение δ объекта на картинке (это угол между зеленой линией, задающей направление на объект, и синей линией, задающей положение небесного экватора), либо измерить отдельно широту наблюдения φ и высоту в верхней кульминации $h_{\text{ВК}}$, после чего вычислить склонение, воспользовавшись соотношением $h_{\text{ВК}} = 90^\circ - \varphi + \delta$. Во-вторых, в этой ситуации прямое восхождение объекта α совпадает со звездным временем s , поскольку часовой угол наблюдаемого объекта равен 0° . Для нахождения углов можно сделать дополнительные построения на картинке, аналогичные изображенным выше, а затем воспользоваться несколькими различными вариантами действий. Если в наличии имеется транспортир — просто измерить нужные углы. Если транспортира нет — построить прямоугольные треугольники, включающие требуемые углы (например, треугольник со стороной, проведенной красной штриховой линией), а затем измерить их стороны линейкой и по полученному таким образом синусу,

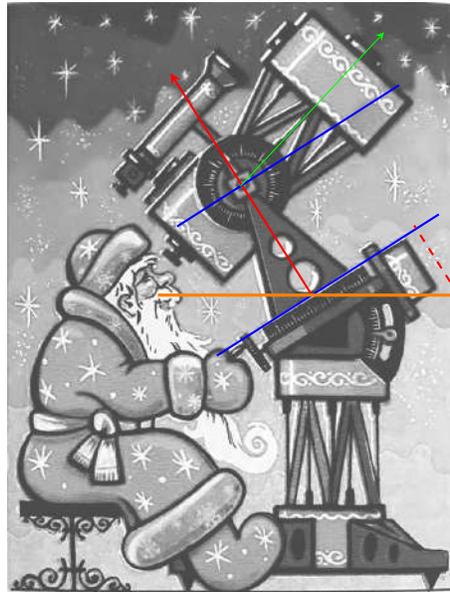


Рис. 1: Рисунок к решению задачи 9.

косинусу или тангенсу угла найти угол. Точность в любом случае будет не очень высокой, однако с погрешностью $3^\circ \div 5^\circ$ результат получить несложно.

В результате будет найдено следующее:

- Высота полюса мира над горизонтом (угол между красной и оранжевой линиями) составляет 58° , и он равен широте (северной) места наблюдения. Таким образом, $\varphi = +58^\circ$ (возможно, Дед Мороз устроился с телескопом в гостях у Снегурочки в Костроме).
- Угол между направлением на объект и небесным экватором (между зеленой и синей линиями) составляет 14° , таким образом, склонение объекта равно $\delta = +14^\circ$ (оно положительное, поскольку объект находится над экватором).

Теперь определимся с прямым восхождением. Поскольку наблюдения проводятся в истинную солнечную полночь, то звездное время и прямое восхождение наблюдаемого объекта отличаются от прямого восхождения Солнца α_\odot равно на 12^h . Оценить прямое восхождение Солнца 1 января можно, считая, что в день весеннего равноденствия оно равно 0^h , а далее в течение года равномерно увеличивается. Тогда каждый месяц оно становится больше на 2^h , в день зимнего солнцестояния равно 18^h , а за оставшуюся треть месяца достигает значения $\alpha_\odot = 18^h 40^m$. Можно также вспомнить, что Фридрих Бессель предлагал в качестве начала года использовать момент, когда прямое восхождение Солнца оказывается в точности равным $18^h 40^m$, получившийся так называемый «Бесселев Новый год» отстоит от обычного по всемирному времени не более чем на половину суток. В любом случае мы приходим к выводу, что прямое восхождение наблюдаемого объекта примерно $\alpha = 6^h 40^m$.

Осталось ответить на вопрос про созвездие. Тут можно ориентироваться на то, что в новогоднюю ночь в истинную полночь практически в верхней кульминации находится Сириус, и искать созвездие, находящееся симметрично относительно него от экватора. Это Близнецы, хотя низкая точность определения склонения в принципе позволяет предположить еще один вариант: Единорог (а при более заметной ошибке определения прямого восхождения еще и Орион).

Критерии оценивания.	16
К1. Явный или неявный вывод об экваториальной монтировке.....	2
К2. Вывод о наблюдении объекта в верхней кульминации.....	3
К3. Определение широты любым способом.....	3
Баллы по этому критерию не выставляются, если указана южная/отрицательная широта или утверждается, что возможны два ответа — для Северного и Южного полушарий.	
К4. Определение склонения любым способом.....	3
К5. Определение прямого восхождения любым способом.....	3
Ответ должен лежать в пределах от $6^{\text{h}} 30^{\text{m}}$ до $6^{\text{h}} 50^{\text{m}}$, иначе баллы по этому критерию не выставляются.	
К6. Созвездие Близнецы.....	2
Если в качестве ответа указаны Единорог или Орион — 1 балл.	
Численные значения для широты и склонения могут отличаться на 3° в любую сторону. При погрешности более 3° (но не более 6°) оценка за соответствующий критерий снижается на 1 балл. При погрешности более 6° оценка за критерий равна 0 баллов.	

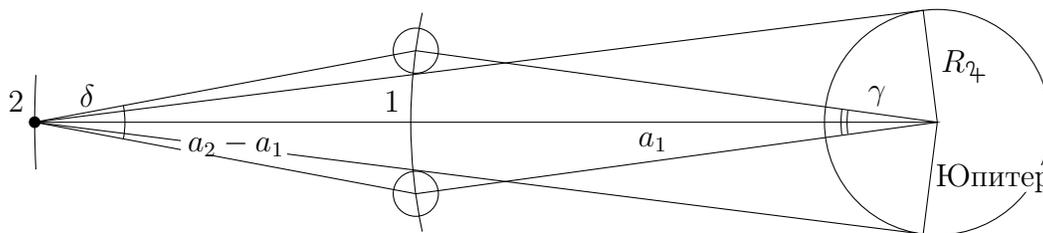
9.7. Транзитная зона

М. В. Силантьев, Е. Н. Фадеев

Астрономы на галилеевых спутниках Юпитера наблюдают прохождения других галилеевых спутников по диску Юпитера. На каком из спутников находится астроном, наблюдающий самое длительное прохождение? Какой спутник он при этом видит? Определите максимальное время прохождения. Масса и радиус Юпитера равны соответственно $1.9 \cdot 10^{27}$ кг и 71 500 км. Все указанные спутники движутся в одной плоскости в одном направлении.

Название	Диаметр, км	Масса, кг	Радиус орбиты, км
Амальтея	250	2.1×10^{18}	181 400
Фива	100	4.3×10^{17}	221 900
Ио	3643	8.9×10^{22}	421 800
Европа	3122	4.8×10^{22}	671 100
Ганимед	5268	1.5×10^{23}	1 070 400
Каллисто	4821	1.1×10^{23}	1 882 700
Фемисто	9	6.9×10^{14}	7 393 216
Гималия	160	4.2×10^{18}	11 450 000

Решение. К галилеевым спутникам относятся Ио, Европа, Ганимед и Каллисто, поэтому остальные спутники можно не рассматривать. Из них Ио — ближайшая к планете, поэтому с нее невозможно наблюдать прохождение других галилеевых спутников по диску Юпитера. Орбиты галилеевых спутников почти точно лежат в плоскости экватора Юпитера, поэтому все прохождения можно считать центральными. Продолжительность прохождения зависит от относительной скорости спутника и углового размера планеты. Чем меньше относительная скорость (что соответствует большему синодическому периоду), тем дольше длится явление. Поэтому имеет смысл рассматривать только пары соседних спутников: Ио при наблюдении с Европы, Европу — с Ганимеда и Ганимеда — с Каллисто.



Обозначим внешний спутник цифрой 2, а внутренний — цифрой 1. Зная радиус орбиты спутника a_2 и радиус Юпитера R_J , можно определить его угловой диаметр для наблюдателя:

$$\delta_J = 2 \arcsin \frac{R_J}{a_2} \approx 57.3 \cdot \frac{2R_J}{a_2}.$$

Здесь 57.3 — число градусов в радиане. Также мы воспользовались малостью угла δ , поскольку R_J как минимум в 10 раз меньше радиусов орбит интересующих нас спутников.

Прохождение продолжается от момента, когда передний край спутника появляется на диске Юпитера до момента, когда спутник целиком сходит с диска планеты. За это время центр спутника проходит угол, больший δ_J на величину его углового диаметра δ_1 . Пренебрегая изменением расстояния до спутника во время прохождения, получим:

$$\delta_1 = 57.3 \cdot \frac{2R_1}{a_2 - a_1}.$$

Здесь R_1 — радиус внутреннего спутника. Тогда полное угловое расстояние, которое должен пройти внутренний спутник, равно $\delta = \delta_2 + \delta_1$.

Дальше можно решать задачу несколькими способами.

Вариант 1. Найдем длину дуги орбиты, которую проходит внутренний спутник во время покрытия, в градусах (γ). Очевидно, что $\gamma < \delta$. Тогда, учитывая, что они опираются на одну хорду, сразу получаем ответ:

$$(a_2 - a_1) \cdot \delta = a_1 \cdot \gamma \quad \Rightarrow \quad \gamma = \frac{a_2 - a_1}{a_1} \cdot \delta.$$

Зная массу Юпитера M_J и радиус орбиты спутника a , можно с помощью третьего закона Кеплера определить его сидерический период обращения:

$$T_{1,2} = 2\pi \sqrt{\frac{a_{1,2}^3}{GM_J}}.$$

Синодический период двух соседних спутников можно найти с помощью уравнения синодического движения:

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \quad \Rightarrow \quad S = \frac{T_1 T_2}{T_2 - T_1}.$$

Выберем систему отсчета, в которой спутник 1 и центр Юпитера покоятся. Тогда время, за которое внутренний спутник проходит дугу орбиты γ , равно

$$t = S \frac{\gamma}{360^\circ}.$$

Вариант 2. Спутники движутся вокруг Юпитера с первыми космическими скоростями:

$$v_{1,2} = \sqrt{\frac{GM_J}{a_{1,2}}}.$$

Перейдем в систему отсчета, вращающуюся вокруг Юпитера с угловой скоростью $\omega_2 = v_2/a_2$. Тогда переносная скорость спутника 1 в момент прохождения составит

$$v_{1,\text{пер}} = \omega_2 \cdot a_1 = \frac{a_1}{a_2} v_2,$$

а скорость спутника 1 относительно спутника 2 составит

$$v_{1,\text{отн}} = v_1 - v_{1,\text{пер}} = v_1 - \frac{a_1}{a_2} v_2 = \frac{v_1 a_2 - v_2 a_1}{a_2}.$$

Угловая скорость спутника 1 во время прохождения равна

$$\Omega = \frac{v_{1,\text{отн}}}{a_2 - a_1} = \frac{v_1 a_2 - v_2 a_1}{a_2 (a_2 - a_1)}.$$

Тогда время прохождения равно

$$t_2 = \frac{\delta}{\Omega}.$$

Вариант 3. Перейдем в систему отсчета, в которой спутник 2 (где находится наблюдатель) неподвижен, а Юпитер движется относительно него со скоростью v_2 . Тогда в момент прохождения скорость спутника 1 относительно 2 будет равна $u_1 = v_1 - v_2$. Угловые скорости спутника 1 и Юпитера составят соответственно

$$\Omega_1 = \frac{u_1}{a_2 - a_1} = \frac{v_1 - v_2}{a_2 - a_1} \quad \text{и} \quad \Omega_{\text{Ю}} = \frac{v_2}{a_2}.$$

С точки зрения наблюдателя Юпитер и спутник движутся в противоположные стороны. Тогда угловая скорость спутника 1 относительно Юпитера

$$\Omega = \Omega_1 + \Omega_{\text{Ю}} = \frac{v_1 - v_2}{a_2 - a_1} + \frac{v_2}{a_2} = \frac{v_1 a_2 - v_2 a_1}{a_2(a_2 - a_1)}.$$

Мы получили такую же формулу для угловой скорости, как и в предыдущем варианте.

Теперь проведем вычисления, а результаты запишем в таблицы.

Спутник	T , сут	v , км/с
Ио	1.77	17.3
Европа	3.55	13.7
Ганимед	7.15	10.9
Каллисто	16.7	8.20

	$\delta_{\text{Ю}}, ^\circ$	$\delta_1, ^\circ$	$\delta, ^\circ$	$\gamma, ^\circ$	S , сут	t , ч
Европа — Ио	12.2	0.84	13.0	7.71	3.53	1.8
Ганимед — Европа	7.65	0.45	8.10	4.82	7.05	2.3
Каллисто — Ганимед	4.35	0.37	4.72	3.58	12.5	3.0

	$v_{1,\text{пер}}$ км/с	$v_{1,\text{отн}}$ км/с	u_1 км/с	$\Omega_{\text{Ю}}$ с ⁻¹	Ω_1 с ⁻¹	Ω °/с	t_2 ч
Европа — Ио	8.64	8.70	3.59	2.05×10^{-5}	1.44×10^{-5}	0.00200	1.8
Ганимед — Европа	6.82	6.92	2.86	1.02×10^{-5}	7.16×10^{-6}	0.00099	2.3
Каллисто — Ганимед	4.66	6.22	2.68	4.36×10^{-6}	3.29×10^{-6}	0.00044	3.0

Дольше всего наблюдается прохождение Ганимеда при наблюдении с Каллисто — 3 часа.

Критерии оценивания.	16
К1. Правильно выбраны 4 галилеевых спутника	1
Если рассматриваются не все 4 галилеевых спутника или вместе с ними другие спутники, то оценки за критерии К1, К5, К6 не выставляются.	
К2. Угловое расстояние δ , которое проходит внутренний спутник во время покрытия	4
Угловой размер Юпитера: формула + значение	2
Учет углового размера внутреннего спутника: формула + значение	2
Если угловой размер спутника не учитывается в решении, даже если он вычислен, эти 2 балла не выставляются, но дальнейшее решение оценивается полностью.	
К3. Формула сидерического периода (<i>Var.1</i>) или круговой скорости (<i>Var.2, 3</i>)	2
К4. Формулы для определения времени прохождения	5
<u>Вариант 1</u>	
Синодический период S	2
Дуга орбиты γ	2
Время покрытия t	1
<u>Вариант 2</u>	
Переносная скорость $v_{1,пер}$	2
Относительная скорость $v_{1,отн}$	1
Не оценивается, если переносная скорость определяется неверно.	
Угловая скорость Ω	1
Не оценивается, если переносная или относительная скорости определены неверно.	
Время покрытия t_2	1
<u>Вариант 3</u>	
Относительная скорость u_1	1
Угловая скорость Ω_1	1
Не оценивается, если относительная скорость определена неверно.	
Угловая скорость Ω_{γ}	1
Угловая скорость Ω	1
Не оценивается, если Ω_1 и/или Ω_{γ} определены неверно.	
Время покрытия t_2	1
К5. Правильно получены численные значения времен транзитов	3
При наблюдении Ио с Европы	1
При наблюдении Европы с Ганимеда	1
При наблюдении Ганимеда с Каллисто	1
Если были рассчитаны времена транзитов других пар спутников, то дополнительных баллов они не приносят, но каждое ошибочное значение уменьшает общий балл по этому критерию.	
К6. Максимальное время прохождения при наблюдении Ганимеда с Каллисто	1

9.8. Лазер вдогонку

К. И. Васильев

Предположим, что на полюсе Земли установлен лазерный локаатор, для наведения которого соосно с направлением луча установлен телескоп. При проведении локации спутника с высотой круговой полярной орбиты 400 км лазер наводится точно на видимое в телескоп положение спутника. Определите минимальный диаметр лазерного луча на расстоянии спутника, при котором можно получить отраженный сигнал при измерении в зените и вблизи горизонта.

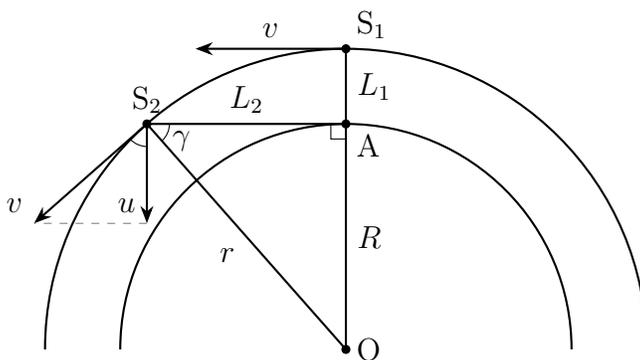
Решение. Скорость на околоземной круговой орбите равна

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}},$$

где G — гравитационная постоянная, M — масса Земли, а r — радиус орбиты спутника. Подставив значения, получаем $v = 7.7$ км/с.

Это довольно большая скорость. Из-за конечности скорости света наблюдаемое в телескоп положение спутника всегда отстает от его реального местоположения. Кроме того, за время, необходимое лазерному лучу, чтобы достичь спутника, тот успеваает сместиться еще на некоторое расстояние. Поэтому радиус пятна лазерного луча должен быть не меньше, чем расстояние, пройденное спутником. Время движения света туда и обратно $t = 2L/c$, где L — расстояние до спутника, c — скорость света.

Рассмотрим сначала лазерную локацию в зените. Тогда $L_1 = 400$ км и $t_1 \approx 2.7$ мс. За это время спутник переместится на расстояние $l_1 = vt_1 \approx 20.5$ м. Мы получили, что для выполнения локации диаметр пучка должен быть не менее 41 метра.



Теперь перейдем к локации на горизонте. Радиус Земли обозначим как R . Тогда расстояние до спутника можно получить из теоремы Пифагора:

$$L_2 = \sqrt{r^2 - R^2} \approx 2300 \text{ км.}$$

Теперь, однако, спутник движется под углом к лучу зрения. Угол между вектором скорости спутника и его проекцией перпендикулярно лучу зрения γ равен углу между лучом зрения и радиусом орбиты спутника. Тогда из прямоугольного треугольника AOS_2 находим:

$$\sin \gamma = \frac{R}{r} \quad \Rightarrow \quad \gamma = \arcsin \left(\frac{R}{r} \right) \approx 70^\circ.$$

Проекция скорости спутника, перпендикулярная лучу зрения, равна

$$u = v \cos \gamma \approx 2.6 \text{ км/с.}$$

Тогда расстояние, которое проходит спутник за время локации, равно

$$l_2 = u \cdot 2L_2/c \approx 40 \text{ м,}$$

а диаметр пучка — 80 метров.

Замечание 1. Можно заметить, что за время прохождения сигнала (t_1 и t_2) Земля успевает немного повернуться вокруг своей оси. При локации в зените этим эффектом можно пренебречь, поскольку вращение происходит вокруг луча зрения, а при локации на горизонте заслуживает рассмотрения. Время движения луча туда и обратно $t_2 = 15.3$ мс. За это время Земля поворачивается на угол $\frac{15.3 \times 10^{-3}}{86164} \cdot 2\pi \approx 1.12 \times 10^{-6}$ рад $\approx 0.23''$, что соответствует длине дуги 2.6 м на расстоянии спутника. Это смещение в 20 раз меньше l_2 и не оказывает существенного влияния на ответ.

Замечание 2. Лазерная локация на малых высотах (меньше 20° – 30° над горизонтом) не проводится из-за сильного поглощения и искажения сигнала атмосферой.

Замечание 3. В реальной практике лазерный луч действительно уширяется на десятки метров, поэтому наведение происходит непосредственно на спутник без упреждения на его смещение за время движения луча.

Критерии оценивания.

16

- К1.** Правильно сформулирована связь между уширением луча и получением отражения . . . 1
- К2.** Скорость спутника 2
- Формула 1
- Значение 1
- Если использована первая космическая скорость для поверхности Земли (≈ 8 км/с) без вывода, то выставляется 1 балл.
- К3.** Ширина пучка в зените 4
- Время запаздывания лазерного импульса 2
- Если учтено только движение света в одну сторону, то выставляется 1 балл.
- Расстояние, пройденное спутником (радиус лазерного пучка) 1
- Диаметр лазерного пучка 1
- Последний балл выставляется только при полностью правильном численном ответе без ошибок на предыдущих этапах.
- К4.** Ширина пучка на горизонте 9
- Расстояние до спутника: формула + значение 1 + 1
- Тангенциальная скорость: определение γ + формула для u + значение . . . 1 + 1 + 1
- Если отличие тангенциальной скорости спутника от полной не учитывается, то за весь последний подпункт о тангенциальной скорости ставится 0 баллов, даже если угол γ был вычислен для других целей, например, для вычисления L_2 .
- Время запаздывания лазерного импульса 2
- Если учтено только движение света в одну сторону, то выставляется 1 балл.
- Расстояние, пройденное спутником (радиус лазерного пучка) 1
- Диаметр лазерного пучка 1
- Последний балл выставляется только при полностью правильном численном ответе без ошибок на предыдущих этапах.

9.9. Пара звезд

В. Б. Игнатьев

Два компонента физически двойной звезды имеют одинаковые эффективные температуры, а их абсолютные звездные величины отличаются на 10^m . Известно, что ускорение свободного падения в фотосфере менее яркой звезды в 500 раз больше, чем у более яркой. Определите отношение масс звезд.

Решение. По определению звездной величины, если освещенность, создаваемая двумя звездами, отличается в 100 раз, то звездные величины этих звезд отличаются на 5. Таким образом, освещенность, создаваемая компонентами двойной, отличается в $100^2 = 10000$ раз. К этому же выводу можно прийти с помощью формулы Погсона. Обозначим как E_1 и E_2 освещенности, создаваемые двумя компонентами, а m_1 и m_2 — их звездные величины. Предполагая, что компонент 1 ярче, получим

$$\frac{L_1}{L_2} = 10^{-0.4(m_1 - m_2)} = 10^{-0.4 \cdot (-10)} = 10^4.$$

Поскольку обе звезды располагаются на одинаковом расстоянии от нас, отношение освещенностей равно отношению светимостей L_1 и L_2 . Светимость звезды связана с ее радиусом R и эффективной температурой T законом Стефана — Больцмана:

$$L = 4\pi R^2 \sigma T^4.$$

Сами светимости нам неизвестны, известно только их отношение. Поэтому запишем закон Стефана — Больцмана для обеих звезд и разделим одно выражение на другое. Тогда, учитывая равенство температур звезд, получим

$$\frac{L_1}{L_2} = \left(\frac{R_1}{R_2}\right)^2 = 10^4.$$

Ускорение свободного падения на поверхности звезды задается формулой

$$g = \frac{GM}{R^2},$$

где M — масса звезды. Поскольку нам известны только отношения радиусов и ускорений свободного падения, как и раньше, перепишем это уравнение в виде отношения:

$$\frac{g_1}{g_2} = \frac{M_1}{M_2} \left(\frac{R_1}{R_2}\right)^{-2}.$$

Выразим отсюда искомое отношение масс и получим численный ответ:

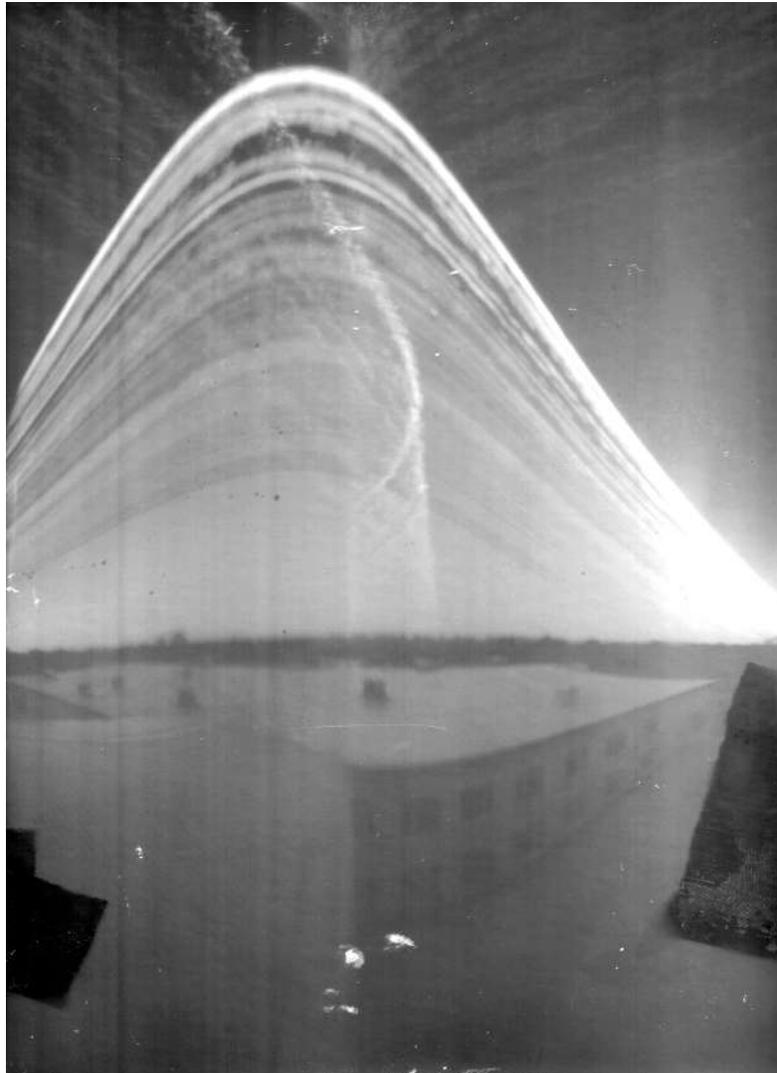
$$\frac{M_1}{M_2} = \frac{g_1}{g_2} \left(\frac{R_1}{R_2}\right)^2 = \frac{1}{500} \cdot 10^4 = 20.$$

Критерии оценивания.	16
К1. Определение отношения освещенностей.....	5
Запись формулы Погсона или определения звездной величины.....	1
В отсутствие дальнейшего продвижения за этот этап выставляется не более 1 балла.	
Правильный численный ответ.....	4
К2. Определение отношения радиусов.....	5
Обоснованный вывод о равенстве отношения светимостей и освещенностей.....	1
Балл не выставляется, если это равенство не объяснено явно.	
Запись закона Стефана — Больцмана.....	1
Верное значения отношения радиусов или их квадратов.....	3
К3. Определение отношения масс.....	4
Формула ускорения свободного падения.....	1
Вывод формулы для отношения масс.....	3
К4. Правильный численный ответ.....	2
При ответе в 5 млн раз за К3 выставляется не более 1 балла, а за К4 — 0 баллов	

9.10. Солнце в банке

О. Ю. Голубева

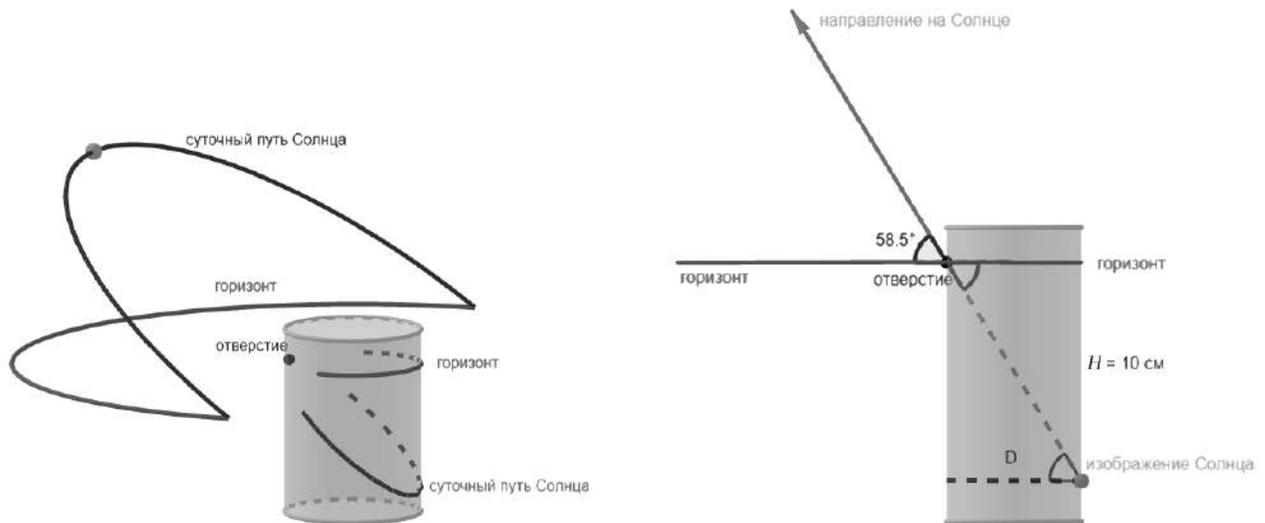
Данный снимок получен методом соларографии. В камеру-обскуру, сделанную из цилиндрической алюминиевой банки, по периметру был помещен лист фотобумаги размером 13×18 см. Отверстие камеры, проделанное в боковой поверхности банки, было направлено на юг. Камера была установлена на астрономической площадке в городе Омске (55° с. ш., 73° в. д.), съемка велась непрерывно с 4 марта по 23 июня 2025 года, на фотобумаге зафиксированы суточные пути Солнца. Определите диаметр алюминиевой банки, из которой изготовили камеру-обскуру. Решение сопроводите чертежом.



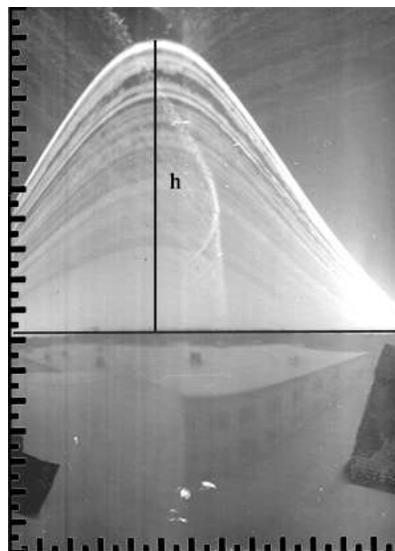
Решение. Треки на снимке — это суточные пути Солнца по небу в разные дни. Они имеют разную высоту над горизонтом, поскольку склонение Солнца меняется день ото дня. Даты съемки включают день летнего солнцестояния, когда склонение Солнца максимально и составляет $\delta = +23.5^\circ$. В этот день Солнце кульминирует на максимальной высоте, чему на соларографии соответствует самый высокий солнечный трек. Съемка проводилась на широте $\varphi = 55^\circ$, значит, угловая высота Солнца в самой верхней точке:

$$h = 90^\circ - \varphi + \delta = 90^\circ - 55^\circ + 23.5^\circ = 58.5^\circ.$$

Построим ход лучей в камере-обскуре. Линия горизонта окажется на уровне отверстия камеры. Прямую, указывающую направление на Солнце, проведем под углом 58.5° к горизонту. Она пройдет через отверстие камеры и пересечет заднюю стенку в том месте, где окажется изображение Солнца в верхней кульминации. Изображение получится перевернутое. Чем шире камера, тем дальше эта точка от линии горизонта на снимке, то есть расстояние от верхней точки солнечного трека до линии горизонта на снимке поможет определить диаметр камеры.



Для работы со снимком необходимо определить его масштаб, учитывая реальный размер фотобумаги и сравнив его с размером распечатанного изображения. Известно, что размер фотобумаги по длинной стороне составлял 18 см. Размер снимка, распечатанного на листе с заданием, отличается. Находим масштаб распечатанного изображения, и далее все измерения пересчитываем в соответствии с этим масштабом.



Горизонт на снимке отчетливо виден и едва заметно изогнут. Это произошло из-за не очень точной ориентации банки в вертикальном положении и дает небольшую погрешность при измерениях, которую нам не нужно оценивать. Проведем горизонт с помощью линейки. Измерим расстояние от горизонта до верхней точки самого высокого солнечного трека и получим

величину H . Пересчитаем ее, используя масштаб изображения, и получим 10 см в пересчете на реальный размер снимка.

Вернемся к чертежу камеры-обскуры. Прямую, проходящую через отверстие и заднюю стенку банки, продлим до тех пор, пока она не удалится на 10 см от линии горизонта, так мы графическим способом найдем положение задней стенки камеры. Измерим расстояние D между стенками, получим 6 см. Действительно, это стандартная алюминиевая банка из-под газировки.

К этому же результату можно прийти без точного построения, выполнив схематичный чертеж и произведя вычисления:

$$\operatorname{tg}(h) = \frac{H}{D},$$

$$D = \frac{H}{\operatorname{tg}(h)} = \frac{10 \text{ см}}{\operatorname{tg}(58.5^\circ)} \approx 6 \text{ см}.$$

Критерии оценивания.	20
К1. Есть понимание, почему солнечные треки на снимке выглядят именно так	6
Объясняется соответствие суточного пути Солнца и даты	2
Верно записана связь между высотой Солнца и широтой места наблюдения	3
Угловая высота Солнца рассчитана без арифметических ошибок.	1
Участник может использовать любой трек для расчетов, например, нижний трек, соответствующий 4 марта. Более сложные расчеты не добавляют баллы.	
К2. Правильно определен масштаб снимка	4
Верная методика определения масштаба	3
Расчет без арифметических ошибок	1
К3. Чертеж выполнен грамотно	5
Обозначен горизонт	2
Обозначен луч Солнце — отверстие камеры — изображение Солнца	2
Указан угол, соответствующий высоте Солнца над горизонтом	1
К4. Определен размер камеры	5
Если размер определен более чем одним методом, это не добавляет баллов.	
Использована подходящая методика определения размера	4
Расчет без арифметических ошибок	1